

## Puasonov integral

Vrsta: Seminarski | Broj strana: 6 | Nivo: Matematički fakultet

Literatura:

[http://en.wikipedia.org/wiki/Simeon\\_Poisson](http://en.wikipedia.org/wiki/Simeon_Poisson)

Fihengoic: Diferencijalne jednacine, tom 2

Puasonov integral (Poisson)

Integral , je obično poznat pod imenom Puasonov integral.

Kako je

(1 - ) ,

Uz pretpostavku 1, vidimo da je podintegralna funkcija neprekidna i integral postoji.

Podeliši interval  $[0, n]$  na  $n$  podjednakih delova, imamo

,

Sa druge strane, iz algebre je poznato razlaganje

(pojašnjenje: Uvezši vrednost korena stepena  $2n$  iz jedinice, imamo razlaganje na linearne umnoške , gde je  $i$  zamišljena jedinica).

Koristeći ovu jednakost pri  $z = r$ , predstavimo u obliku

.

Za svako , sledi i

Ako je , prepisavši imamo:

,

i nalazimo

Čitaoc vidi da direktni način izračunavanja određenog integrala preko sumiranja zahteva i u prostim slučajevima je značajan napor i zato se retko koristi.

Primeri:

U sledećim primerima korištena je formula

)

b)

Analogno:

v)

g) zavisi od toga da li je ili  $n = m$

Naći vrednosti integrala ( $m, n$  prirodni brojevi)

(a) iz formule , uzimajući u njoj  $a = 0$ ,  $h = 2x$  i  $n = m-1$ , moguće je izvesti da je:

Otuda, kako se posebno lako integrališu po formuli može se koristiti

(b)

Odavde, ako iskoristimo predhodni rezultat

II Način izračunavanja Puasonovog integrala

$I(r) =$

Mi već znamo da pri , podintegralna f-ja je neprekidna i integral postoji. Mi ga ponovo izračunavamo pomoću nekog poznatog načina, u kome će zamena promenljivih igrati glavnu ulogu.

Primetimo da iz očiglednih nejednakosti

Logaritmujući a zatim integrišući od 0 do , dobijamo (pri  $r < 1$  )

$2 \ln 2 \ln r$ .

Otuda je jasno da kad  $r > 0$  i  $I(r) > 0$ .

Razmotrimo sada integral:

$I(-r) =$

Ako u tom integralu zamenimo  $x = -t$ , pri čemu se  $t$  menja od do 0, to se pokazuje da:

$I(-r) =$

U tom slučaju

$$2I(r) = I(r) + I(-r) =$$

Ili

$$2I(r) = .$$

Zamenivši  $x =$  (gde se  $t$  menja od 0 do 2), dobijamo

... ----- OSTATAK TEKSTA NIJE PRIKAZAN. CEO RAD MOŽETE PREUZETI NA SAJTU. -----

[www.maturskiradovi.net](http://www.maturskiradovi.net)

MOŽETE NAS KONTAKTIRATI NA E-MAIL: [maturskiradovi.net@gmail.com](mailto:maturskiradovi.net@gmail.com)